# Ansätze zur Kompression von Bildern

## **Reduktion der Farbtiefe**

Mit 24 Bit pro Pixel können 224 = 16.777.216 Farben unterschieden werden. Die Bilder A bis D verwenden jeweils deutlich weniger Farben, so dass sich diese auch mit deutlich weniger als 24 Bit unterscheiden lassen. Die Anzahl der unterscheidbaren Farben wird durch die Anzahl der zur Codierung verwendeten Bits angegeben und als **Farbtiefe** bezeichnet. Mit 1 Bit pro Pixel (1-Bit-Farbtiefe) lassen sich zwei Farben unterscheiden, mit 2 Bit lassen sich 4 Farben unterscheiden usw. Da die Codierung dann nicht mehr der Darstellung im RGB-Modell entspricht, muss zusätzlich festgelegt werden, welche Bitfolge welche Farbe codiert.

**Aufgabe 1:**

1. Bestimmen Sie für die Bilder A bis D, welche Farbtiefe jeweils benötigt wird, um alle Farben eindeutig zu codieren.
2. Legen Sie für jedes Bild eine Codetabelle an, die jeder Farbe einen Binärcode zuordnet. Bei welchen Bildern wäre eine Umrechnung ins RGB-Modell auch ohne Farbtabelle möglich?
3. Berechnen Sie für jedes Bild den Speicherplatz, der bei reduzierter Farbtiefe für die Codierung der Pixel benötigt wird. Vergleichen Sie mit der Codierung in 24 Bit-Farbtiefe. Wie hoch ist die Kompressionsrate jeweils?

**Hinweis 1:** Die Kompressionsrate ist das Verhältnis von komprimierter Datenmenge zur ursprünglichen Datenmenge.

**Hinweis 2:** Der Speicherplatz für die Farbtabelle soll hier nicht berücksichtigt werden.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Bild B

Bild A

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

Bild D

Bild C

## **Lauflängencodierung**

Bei manchen Bildern lässt sich die Kompressionsrate zusätzlich verbessern, indem aufeinanderfolgende gleichfarbige Pixel zusammengefasst werden. Legt man für Bild C fest, dass die Bildgröße 10 x 10 Pixel beträgt und das Bild zeilenweise codiert wird, so lässt sich das Bild wie folgt beschreiben: 4 x weiß, 2 x schwarz, 7 x weiß, 4 x schwarz usw.

Eine noch kürzere Schreibweise wäre z. B.: 4w2s7w4s…

Eine solche Codierung, in der die Anzahl aufeinanderfolgender gleicher Werte angegeben wird, anstatt den Wert entsprechend oft zu wiederholen, bezeichnet man als Lauflängencodierung.

**Aufgabe 2:**

1. Setzen Sie die Lauflängencodierung für das Bild C fort.
2. Geben Sie eine Lauflängencodierung für die Bilder B und D an.

**Aufgabe 3:** Die Lauflängencodierung aus Aufgabe 2a) für Bild C soll nun binär dargestellt werden.

1. Begründen Sie, dass in Bild C fünf Bit ausreichen, um jeweils die Anzahl der gleichfarbigen Pixel zu codieren. Wie viel Bit werden allgemein für ein Bild mit 100 Pixeln benötigt, um die Anzahlen zu codieren?
2. Die Lauflängencodierung für Bild C beginnt mit 4 x weiß, 2 x schwarz, 7 x weiß, 4 x schwarz. Geben Sie die entsprechende binäre Darstellung an, wenn die Farbe Schwarz mit 0 und die Farbe Weiß mit 1 codiert werden.
3. Untersuchen Sie, ob bei einem einzelnen Pixel einer Farbe die 1 als Anzahl angegeben werden muss.
4. Berechnen Sie, wie viele Bits für die binäre Darstellung der Lauflängencodierung von Bild C benötigt werden.
5. Begründen Sie: Wenn bei einem Schwarz-Weiß-Bild festgelegt wird, dass immer mit der Anzahl schwarzer Pixel begonnen wird (das sind ggf. 0), kann auf die Codierung der Farbe verzichtet werden.
6. Berechnen Sie, wie viele Bits nach dem Verfahren in e) für die Lauflängencodierung des Bildes C benötigt werden.
7. Geben Sie für die Lauflängencodierung die Kompressionsrate im Vergleich zu einer Codierung in 24 Bit-Farbtiefe an. Vergleichen Sie mit der Kompressionsrate nach dem Verfahren in Aufgabe 1 (nur Reduktion der Farbtiefe).
8. Konstruieren Sie ein Schwarz-Weiß-Bild mit 10 x 10 Pixeln, bei dem eine Lauflängencodierung zu einer besseren Kompressionsrate führt als die reine Reduktion der Farbtiefe auf ein 1-Bit.

**Aufgabe 4:** Untersuchen Sie, für welche der Bilder A, B und D eine Lauflängencodierung sinnvoll erscheint. Berechnen Sie ggf., wie viele Bits benötigt werden und bestimmen Sie die Kompressionsrate bezogen auf die Codierung mit reduzierter Farbtiefe aus Aufgabe 1.

**Aufgabe 5:** Erläutern Sie allgemein, wie ein Bild aufgebaut sein muss, damit eine Lauflängencodierung eine hohe Kompression erzielt.

## **Huffman-Codierung**

Für Bild B wird eine Farbtiefe von 3 Bit benötigt, um alle Farben codieren zu können. Da einige Farben deutlich häufiger verwendet werden als andere, kann hier eine zusätzliche Kompression dadurch erfolgen, dass häufige Farben kürzere Codewörter erhalten als seltene Farben. Da die Codewörter der einzelnen Farben dann keine feste Länge mehr haben, muss darauf geachtet werden, dass die Codierung eines Bildes trotzdem eindeutig decodiert werden kann. Das erreicht man z. B., indem man einen Code konstruiert, der **präfixfrei** ist. Präfixfrei bedeutet, dass kein Codewort der Anfang eines anderen Codeworts ist.

**Aufgabe 6:** Tabelle 1 zeigt vier verschiedene Codes für fünf Farbtöne.

Untersuchen Sie für jeden Code, ob er präfixfrei ist und ob sich eine Codierung mit diesem Code jeweils eindeutig decodieren lässt.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| Farbe | Code 1 | Code 2 | Code 3 | Code 4 |
| Weiß | 0 | 0 | 01 | 10 |
| Rot | 1 | 10 | 10 | 100 |
| Gelb | 00 | 110 | 001 | 1000 |
| Grün | 01 | 101 | 110 | 10000 |
| Blau | 10 | 1110 | 0001 | 100000 |

Tabelle : verschiedene Codes für Aufgabe 6

Einen präfixfreien Code, der die Häufigkeiten der zu codierenden Informationen berücksichtigt, erhält man durch die Konstruktion eines **Huffman-Baums**. Um einen Huffman-Baum für die in Bild B verwendeten Farben zu erstellen, muss zunächst gezählt werden, wie häufig die einzelnen Farben verwendet wurden:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Farbe | RGB-Wert | Anzahl | Huffman-Code |
| Weiß | 255, 255, 255 | 20 |  |
| Rot | 255, 0, 0 | 9 |  |
| Gelb | 255, 192, 0 | 3 |  |
| Grün | 112, 173, 71 | 13 |  |
| Hellblau | 217, 226, 243 | 45 |  |
| Braun | 128, 96, 0 | 6 |  |
| Grau | 127, 127, 127 | 2 |  |
| Schwarz | 0, 0, 0 | 2 |  |

Tabelle : In Bild B verwendete Farben mit ihrer jeweiligen Anzahl

Ein Huffman-Baum ist ein Binärbaum, der beginnend bei den Blättern bis hin zur Wurzel aufgebaut wird. Für jede Farbe wird ein Blatt erstellt. Das Blatt erhält die Anzahl, wie oft die Farbe auftritt, als Wert. Nun erhalten immer die beiden freien Knoten (Knoten, die noch keinen Vater haben) mit dem geringsten Wert einen gemeinsamen Vaterknoten. Der Vaterknoten erhält als Wert die Summe der beiden Kindknoten. Gibt es mehrere freie Knoten mit kleinstem Wert, wird zufällig einer ausgewählt. Das Erzeugen von Vaterknoten wird so lange fortgesetzt, bis der Baum einen eindeutigen Wurzelknoten erhält und alle Knoten verbunden sind. Die Teilbäume werden also nach und nach zu einem Baum zusammengesetzt. Die Kanten von jedem Vater zu seinen zwei Kindern werden schließlich mit 0 bzw. 1 beschriftet, z. B. alle linken Kanten mit 0 und alle rechten Kanten mit 1.

Abbildung 1 zeigt den Huffman-Baum, der so für Bild B entsteht.

Die Pfade von der Wurzel bis zum Blatt geben nun die Codierung der jeweiligen Farbe an. Hellblau erhält z. B. den Code 1, Rot den Code 010 und Grau den Code 000001

Der Algorithmus für die Konstruktion des Huffman-Baums sorgt dafür, dass häufig auftretende Farben einen kurzen Code und seltene Farbwerte einen längeren Code erhalten. Da der Code-Baum für jedes Bild individuell erstellt wird und ggf. Zufallsentscheidungen enthält, muss der Baum der Codierung des Bildes hinzugefügt werden.



Blätter

Wurzel

Erster Vaterknoten

Kanten

Abbildung : Huffman-Baum zu Bild B

Huffman-Bäume können auch für die Kompression anderer Daten, z. B. die Zeichen eines Textes verwendet werden.

**Aufgabe 7:** Ergänzen Sie in der Tabelle 2 in der rechten Spalte den Huffman-Code der einzelnen Farben entsprechend dem Huffmann-Baum in Abbildung 1.

**Aufgabe 8:**

1. Die Bitfolge 010010010010010110110111 ist die Huffman-Codierung einer Zeile des Bildes. Decodieren Sie die Farben mithilfe des Huffman-Baums in Abbildung 1, um herauszufinden, um welche Zeile es sich handelt.
2. Berechnen Sie die Kompressionsrate, die sich ergibt, wenn das Bild B mit dem Huffman-Code aus Abbildung 1 statt 3 Bit pro Farbe bzw. Pixel codiert wird.

**Aufgabe 9:** Beim Erstellen des Huffman-Baums wurde an einer Stelle eine Zufallsentscheidung getroffen. Identifizieren Sie die Stelle und geben Sie an, wie der Huffman-Baum aussieht, wenn an dieser Stelle anders entschieden wird.

**Aufgabe 10:** Ist die Erstellung eines Huffman-Baums auch für die Bilder A, C und D auf Seite 1 sinnvoll? Begründen Sie jeweils.

**Aufgabe 11:**

1. Erstellen Sie für das Bild in Abbildung 2 einen Huffman-Baum.
2. Erstellen Sie die Huffman-Codierung der zweiten Zeile des Bildes.
3. Berechnen Sie die Kompressionsrate, die sich ergibt, wenn das Bild in Abbildung 2 mit Ihrem Huffman-Code statt 3 Bit pro Farbe bzw. Pixel codiert wird.
4. Begründen Sie, dass der Huffman-Baum, den Sie für das Bild in Abbildung 2 erstellt haben, ungeeignet ist, um das Bild in Abbildung 3 effizient zu codieren.

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| < |  |  |  |  |  |  |  |  | < |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

*Abbildung 2: Bild zu Aufgabe 11a bis c*

Abbildung : Bild zu Aufgabe 11d

**Aufgabe 12:** Begründen Sie, dass es sich bei den hier vorgestellten Verfahren um verlustfreie Kompressionsverfahren handelt.

## **Dateiformate für Bilder**

**Aufgabe 1****3:** Sammeln Sie Informationen, die in einer Bilddatei gespeichert sein müssen. Welche Aufgabe hat in diesem Zusammenhang das Dateiformat?

Gängige Dateiformate für Bilder sind z. B. *jpg*, *png*, *gif* oder *bmp*. Je nachdem welches Dateiformat beim Speichern eines Bildes verwendet wird, erfolgt eine mehr oder weniger starke Kompression der Daten. Häufig werden dabei verschiedene Verfahren, sowohl verlustfreie als auch verlustbehaftete, kombiniert. Meist spielt die Reduktion der Farbtiefe dabei eine Rolle. Manche Bildbearbeitungsprogramme bieten dem Anwender an, die Farbtiefe beim Speichern eines Bildes zu wählen. Das Format *gif* verwendet grundsätzlich eine maximale Farbtiefe von 8 Bit.

Die Effektivität der Kompression hängt nicht nur von dem verwendeten Verfahren, sondern auch von der Art des Bildes ab. Für digitale Fotos eignen sich andere Verfahren als für Grafiken.

**Aufgabe 14:**

1. Der Ordner *Bilder\_Aufgabe14* enthält drei verschiedene Bilder in unterschiedlichen Dateiformaten. Vergleichen Sie den Speicherbedarf der Bilder in den verschiedenen Formaten. Welches Dateiformat erzielt für das jeweilige Bild die beste Kompression?
2. Wählen Sie ein eigenes Bild aus und speichern Sie es mithilfe eines Bildbearbeitungsprogramms in verschiedenen Dateiformaten ab. Für welche Dateiformate können Sie die Farbtiefe wählen?
3. Beim Abspeichern eines Bildes im Format *jpg* kann häufig die Qualität in Prozent gewählt werden. Speichern Sie ein Bild, z. B. Bild 2 aus dem Ordner *Bilder\_Aufgabe14* in verschiedenen Qualitäten ab. In welchen Fällen können Sie den Qualitätsverlust mit bloßem Auge wahrnehmen?

Dieses Werk ist lizenziert unter einer [Creative Commons Namensnennung - Nicht-kommerziell - Weitergabe unter gleichen Bedingungen 4.0 International Lizenz](http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/). Von der Lizenz ausgenommen ist das InfSII-Logo.